DOI:10.12177/emca.2025.050 文章编号:1673-6540(2025)06-0634-12 中图分类号:TM 351 文献标志码:A

一种基于电容电流有源阻尼的带 LC 输出 滤波器永磁同步电机驱动系统谐振抑制策略

高大朋¹, 骆 攀^{1,2}, 李 杰², 何 亮^{1*}, 刘品超¹, 陈凯旋¹, 韩剑波¹, 周炳呈¹, 刘堂胜¹

(1. 中国核动力研究设计院核反应堆技术全国重点实验室,四川成都 610200;
 2. 华中科技大学人工智能与自动化学院,湖北武汉 430074)

A Resonant Suppression Strategy for Permanent Magnet Synchronous Motor Drive System with LC Output Filter Based on Capacitive Current Active Damping

GAO Dapeng¹, LUO Pan^{1,2}, LI Jie², HE Liang^{1*}, LIU Pinchao¹,

CHEN Kaixuan¹, HAN Jianbo¹, ZHOU Bingcheng¹, LIU Tangsheng¹

(1. National Key Laboratory of Nuclear Reactor Technology, Nuclear Power Institute of China, Chengdu 610200, China;

 School of Artificial Intelligence and Automation, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan 430074, China)

Abstract: [Objective] The output terminal of the permanent magnet synchronous motor (PMSM) drive system is often connected to an LC filter, which is used to eliminate highfrequency voltage pulse. However, the introduction of an LC output filter can induce inherent resonance, leading to instability in the PMSM control system. In order to suppress the resonant caused by LC output filter in permanent magnet synchronous motors drive system, a resonance suppression strategy based on active damping via capacitor current feedback is proposed at the paper. [Methods] Firstly, a mathematical model of the PMSM control system with LC output filter was established. Meanwhile, the causes of resonance were analyzed and located by analyzing the transfer function and Bode diagram of the control system. Then, a control method based on active damping of capacitive current was designed. The effectiveness of the method was analyzed and confirmed by the frequency domain perspective. Subsequently, in order to ensure the stability of the control

基金项目:国家自然科学基金(U2267206);中国国家原子 能机构稳定支持项目(WDZC-2023-05-03-04)

National Natural Science Foundation of China (U2267206); China National Atomic Energy Agency Stable support Project (WDZC-2023-05-03-04) system, the parameter design of the current regulator and the design of the active damping coefficient was carried out. To verify the effectiveness of the proposed method, it was compared with traditional vector control methods and passive damping control methods. [Results] Compared with traditional vector control methods, the capacitor current active damping control strategy proposed in this paper has a small overshoot and response time, which exhibited better stability. Compared with passive damping control methods, the proposed strategy achieved a good solution to the resonance problem of the control circuit without increasing hardware, which showed good anti-interference ability in the case of sudden load loading and unloading. [Conclusion] The above work indicates that, for PMSM control systems with LC output filters, the capacitor current active damping method proposed in this paper can achieve smooth control of motor speed and effectively solve the problem of control system resonance.

Key words: permanent magnet synchronous motor; LC filter; active damping; resonance suppression

摘 要: 【目的】永磁同步电机(PMSM)驱动系统输出端 常接LC滤波器用于消除高频电压脉冲。然而加入LC输 出滤波器后易引起固有谐振,导致控制系统不稳定。为 了解决带LC输出滤波器PMSM的谐振抑制问题,本文提

出了一种基于电容电流有源阻尼的谐振抑制策略。【方 法】首先建立了带 LC 输出滤波器的 PMSM 控制系统数学 模型,通过分析控制系统传递函数和伯德图定位了谐振 产生的原因。然后设计了一种基于电容电流有源阻尼的 控制方法,并从频域的角度分析并确认了该方法的有效 性,并针对所提控制方法开展了电流环控制器参数设计。 为验证所提方法的有效性,将其和传统的矢量控制方法 及无源阻尼控制方法进行了对比。【结果】本文所提控制 策略,相比传统矢量控制方法超调小、响应快,稳定性更 优;相比无源阻尼方法,在不增加硬件的情况下解决了控 制电路谐振问题,在负载突变时表现出优秀的抗干扰能 力。【结论】研究表明,针对带 LC 输出滤波器的 PMSM 控 制系统,本文提出的电容电流有源阻尼策略可实现对电机 转速的平稳控制并解决了该控制系统谐振问题。

关键词:永磁同步电机;LC 滤波器;有源阻尼;谐振抑制

0 引言

永磁同步电机 (Permanent Magnet Synchronous Motor, PMSM)具有结构简单、体积 小、质量轻、损耗小、效率高及运行可靠等显著特 点。传统的 PMSM 控制是将逆变器输出侧直接 通过长电缆与电机连接驱动,但随着逆变器开关 器件的高频化,这种逆变器电机驱动方式会导致 更加明显的长线效应,逆变器输出的脉宽调制 (Pulse Width Modulation, PWM) 波会在传输中产 生过电压等问题,造成电机绝缘损坏,严重时还会 烧毁电机^[14]。国内外的学者做了大量的研究来 抑制或消除 PWM 带来的负面影响。Annette Von Jouanne 等人^[5]指出,PWM 波会导致过电压、电磁 干扰和轴电流等负面现象,提出用轴绝缘方法可 以有效抑制轴电流,但是无法抑制过电压及电磁 干扰。姜艳姝等人^[6]指出,PWM 负面现象的根本 原因是共模电压,并提出一种改进型 LC 滤波器, 这种滤波器既能滤除差模电压,也能滤除一部分共 模电压。在逆变器侧加入 LC 输出滤波器是一种简 单有效方式,能够用较低的成本对 PWM 高频电压 进行抑制,目前国内外学者在这方面开展了大量的 研究工作^[7-10]。然而,这就导致逆变器的控制对象 从一个纯电机变成了 LC 输出滤波器与 PMSM 组 成的高阶系统。传统 PMSM 控制多为双闭环矢量 控制,加入LC滤波器后的高阶系统,如果仍用电机 端的电流进行闭环反馈,此时只能够保证电机端电

流可控,而 LC 滤波器的输入电流和电机电压等变量都不可控。因此,需要重新对带 LC 输出滤波器的 PMSM 矢量控制进行研究。

Janne Salomaki 等人^[7]提出了一种串联型比 例积分(Proportional Integral, PI)控制方法。在传 统电机电流环、转速环双闭环控制的基础上,对电 机端电压和 LC 输出滤波器的输入电流进行了闭 环控制,形成了全闭环控制结构。即所有的状态 变量都可进行控制,可有效解决电机控制的稳定 性,但是该控制采用了多层 PI 结构,对各层 PI 调 节器参数计算的难度提升,成本较大。Mari Kojima 等人^[8]提出一种无差拍控制方法,与传统 双闭环相比,电机电流环的输出同 LC 的输入电 流和输出电压一起作为无差拍控制器的输入,成 功实现了四象限加减速,并且有较好的抗 LC 滤 波器参数误差的鲁棒性。文献[11-12]针对带 LC 滤波器结构的电机驱动系统阻尼特性进行了分 析。赵仁德等人^[13]提出一种逆变器侧电流反馈 (Inverter Current Feedback, ICF)加基波电容电流 补偿的控制方法。ICF 控制有利于保护逆变器, 但是由于电容分支会有分流,电机侧电流与逆变 器侧电流会有误差,当电机转速很高时,误差很 大。孙佳成等人^[14]提出以全通滤波器级联在前 向通路设计有源阻尼控制,在整个变换器电流反 馈控制区域内均可通过设计二阶全通滤波器使系 统达到抑制谐振的目的。黄羽西等人[15]提出了 基于虚拟电阻法和低通滤波器的有源阻尼算法, 并对这些方法在稳定性和鲁棒性方面进行了评 估,实现了谐振抑制。赵双双等人^[16]提出了一种 改进的虚拟电容电流反馈控制方法,并分析了其 等效阻尼特性,该方法扩大了系统低频控制增益 的取值空间并改善了系统的输出波形质量。文献 「17-19〕针对并网逆变器中 LC 滤波器对系统稳 定性的影响进行了分析。李超等人^[20]针对带有 LC 正弦波滤波器的内置式 PMSM 控制系统采用 双闭环矢量控制时系统无法稳定运行的情况,研 究了一种基于有源阻尼法的谐振抑制自调节电流 控制器。文献[21]建立带 LC 滤波器的三阶多步 模型预测电流控制系统,并对逆变器电流、电容电 压及电机电流进行预测控制。针对 LC 滤波器带 来的固有谐振现象,吴翔等人^[22]通过在电流控制 器中引入有源阻尼,可从理论上实现谐振抑制,获

得满意的谐振抑制效果。为了实现带 LC 滤波器 高阶电机驱动系统高性能无位置传感器控制,文 献[23]提出了一种基于滤波器电感电流和电机 定子电流之间的加权电流的 PMSM 反电动势模 型。这种新方法将三阶 LCL 模型转换为一阶 L, 从而可以在不依赖电压传感器的情况下估计反电 动势。文献[24]基于逆变器侧电流、电机侧电流 和电压,提出了一种新颖的 LC 滤波 PMSM 多变 量反馈有源阻尼方案,灵活地提高了阻尼效果和 动态性能。Changming Zheng 等人^[25]提出了一种 预测电感器电流控制器,用于稳定抑制带 LC 滤 波器 PMSM 驱动系统谐振。文献 [26] 提出一种 改进模型预测控制来解决传统有限集模型预测控 制延迟对系统的影响。宁宗祺等人^[27]提出了一 种新的 LC 滤波器设计方法,在不影响滤波器插 入损耗的基础上,保证了电机的速度闭环响应特 性。文献[28]针对 LC 滤波型 PMSM 驱动系统, 提出了一种基于虚拟电阻有源阻尼的无差拍预测 电流控制策略。

本文研究了带 LC 输出滤波器的 PMSM 矢量 控制时系统产生谐振现象的机理,分析影响系统 稳定的原因。研究在电容电流支路引入有源阻尼 的反馈的控制方法,从频域的角度来分析加入有 源阻尼后对系统的稳定性的影响。通过频域分析 来对有源阻尼系数、电流环 PI 控制器参数进行设 计,再结合传统 PMSM 矢量控制设计转速环 PI 控 制器的参数。

1 基于电容电流有源阻尼的谐振抑制

1.1 PMSM-LC 系统的数学模型

加入 LC 输出滤波器的 PMSM 电流环控制结构图如图 1 所示。假设 PMSM 系统三相完全对称 且为 Y 连接,则其电压、电流方程可表示为

$$u_{\rm sm} = R_{\rm s} i_{\rm sm} + L_{\rm s} \frac{\mathrm{d}i_{\rm sm}}{\mathrm{d}t} + e_{\rm sm} \tag{1}$$

式中:m为 abc 三相; u_{sm} 、 i_{sm} 和 e_{sm} 分别为电机三相电压、电流和反电动势; R_s 为电机的定子电阻; L_s 为电机定子电感。

同理,假设 LC 滤波器也为三相完全对称的 Y 连接,并且忽略其电阻,则 LC 滤波器与 PMSM 联立之后的数学模型可表示为





LC output filter

$$\frac{d(u_{sm} + u_{o})}{dt} = \frac{1}{C_{f}}i_{im} - \frac{1}{C_{f}}i_{sm}$$
(2)

$$\frac{\mathrm{d}i_{\rm im}}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{L_{\rm f}} u_{\rm im} - \frac{1}{L_{\rm f}} (u_{\rm sm} + u_{\rm o}) \tag{3}$$

$$= i_{sm} + i_{cm} \tag{4}$$

式中: i_{im} 、 u_{im} 分别为 LC 滤波器的输入相电流、输入相电压; u_{a} 为电机中性点相对于 LC 中性点的电压; i_{cm} 为电容支路的相电流; C_{f} 为 LC 滤波器的电容; L_{f} 为 LC 滤波器的电感。

1.2 PMSM-LC 系统的谐振分析

 i_{im}

由图 1 可知与传统 PMSM 矢量控制相比,控 制策略并没有变化,但是多加的 LC 滤波器会产 生谐振现象,导致系统失稳。控制结构图可以简 化为如图 2 所示的控制框图。



图 2 加入 LC 输出滤波器的 q 轴电流反馈控制框图 Fig. 2 Diagram of q-axis current feedback control with LC output filter

图 2 中将坐标变换、空间矢量脉宽调制 (Space Vector Pulse Width Modulation, SVPWM)和 逆变器用系统延时来替代,系统的延时参数选择 以及延时对系统的稳定性影响比较复杂,本文不 做研究。令系统延时时间常数 T_d 与 T_s 相等, T_s 为系统的采样时间, k_p 和 k_i 为电流调节器的比例 系数与时间系数,控制系统的开环传递函数可描 述为

$$\frac{i_{sq}(s)}{i_{q}^{*}(s) - i_{sq}(s)} = \left(k_{p} + \frac{k_{i}}{s}\right) \cdot e^{-T_{d}s} \cdot G_{si}(s) = \frac{(k_{p}s + k_{i})e^{-T_{d}s}}{L_{l}L_{q}C_{l}s^{2}(s^{2} + \omega_{res}^{2})}$$
(5)

式中: $G_{si}(s)$ 为LC输出滤波器的传递函数,

$$G_{\rm si}(s) = \frac{i_{\rm sq}(s)}{u_{\rm iq}(s)} = \frac{1}{s^3 L_{\rm f} C_{\rm f} L_{\rm q} + s(L_{\rm f} + L_{\rm q})} =$$

 $\frac{1}{L_{f}C_{f}L_{q}s(s^{2}+\omega_{res}^{2})};i_{sq}(s)$ 为电机定子绕组 q 轴电 流;L_q为电机定子同步旋转 q 轴电感,当电机为隐 极式 PMSM 时,L_q与L_s相等; $\omega_{res} = \sqrt{\frac{L_{f}+L_{q}}{L_{f}C_{f}L_{q}}}$ 为LC 输出滤波器的谐振角频率。

根据式(5), 画出加入 LC 输出滤波器的 PMSM 系统的伯德图, 如图 3 所示。



图 3 加入 LC 输出滤波器的 PMSM 系统的 Bode 图 Fig. 3 Bode plot of PMSM system with LC output filter

由图 3 可知,带 LC 滤波器的 PMSM 控制系 统会在谐振频率处有较大的谐振尖峰,会产生远 远高于 0 的幅频特性曲线。根据奈奎斯特稳定性 判据可以得出,加入 LC 滤波器后,如果仍然采用 传统方式进行控制,将会导致系统失稳。

分析开环传递函数的分母后可以发现, G_{si}(s)导致谐振出现,即LCL电路产生的固有谐振。 为解决加入LC输出滤波器后控制系统产生谐振 尖峰的问题,在电容支路采用加有源阻尼的电容 支路电流反馈法,从中间引入反馈来消除LCL电 路带来的谐振,从而实现对PMSM-LC系统的谐 振抑制。

1.3 基于电容支路有源阻尼的 PMSM-LC 谐振 抑制

在 LCL 控制系统上增加一个虚拟电阻变量, 用来模拟 LCL 系统的电阻与电容的并联关系,以 达到与无源阻尼同样的谐振抑制效果,如图 4 所示。

图 4 中,用变量 R 来充当真实的电阻,用电容



图 4 电阻电容并联控制框图

Fig. 4 Block diagram of resistor-capacitor parallel control

电压 u_c 的反馈回路来形成电阻与电容的并联连接效果。从 PMSM 传统的矢量控制可知,控制变量基本上是对电流的控制,故将图 5 控制框图中的反馈变量 u_c 变成 LCL 系统中的电容电流,对其反馈参数进行调整,可以得到如图 5 所示的控制框图。



图 5 电容电流比例反馈控制框图

Fig. 5 Black diagram of capacitor current proportional feedback control

由图 5 可知,调整后的控制框图中反馈系数 是一个常数,电容电流经过比例反馈给控制端,可 实现与无源阻尼中电阻与电容并联相似的效果。 将电容电流比例反馈的反馈系数 k 加入 PMSM-LC 控制系统的电流环中,来解决因谐振引起的开 环传递函数在谐振频率处的幅频特性曲线远远高 于 0 的问题。基于电容电流有源阻尼的电流环控 制框图,如图 6 所示。







$$\frac{i_{sq}(s)}{i_{q}^{*}(s) - i_{sq}(s)} =$$

$$\left(k_{p} + \frac{k_{i}}{s}\right) \cdot \frac{e^{-T_{d}s} \cdot G_{ci}(s) \cdot G_{sc}(s)}{1 + ke^{-T_{d}s} \cdot G_{ci}(s)} \Longrightarrow$$

$$-\frac{(k_{\rm p}s + k_{\rm i})e^{-T_{\rm d}s}}{L_{\rm f}L_{q}C_{\rm f}s^{4} + C_{\rm f}L_{q}ke^{-T_{\rm d}s}s^{3} + (L_{q} + L_{\rm f})s^{2}}$$
(6)

$$\vec{x} \oplus : \ G_{ci}(s) = \frac{i_{cq}(s)}{u_{iq}(s)} = \frac{sC_{f}L_{q}}{s^{2}L_{f}C_{f}L_{q} + (L_{f} + L_{q})}$$
$$\frac{sC_{f}L_{q}}{L_{f}C_{f}L_{q}(s^{2} + \omega_{res}^{2})}; G_{sc}(s) = \frac{i_{sq}(s)}{i_{cq}(s)} = \frac{1}{s^{2}C_{f}L_{q}} \circ$$

比较式(5)、式(6)的分母,可以很明显的看 出后者有一个额外的s³项,其将两个极点进一步 移入左半平面来提供阻尼,而其余的两个极点将 保持在原点。这样就将式(5)中不稳定的极点移 到虚轴的左边,从而保证系统的稳定性。

式(6)的开环传递函数的伯德图如图 7 所 示,除了新增的参数 k,其余各项参数都与图 3 的 参数相同。由图 7 可知,电容支路有源阻尼法可 有效抑制谐振频率处产生的谐振尖峰,也使控制 系统拥有较好的相位裕度和幅值裕度。因此,可 寻找选择合适的有源阻尼系数 k 来使系统的谐振 现象得到抑制,来保证系统再加入 LC 输出滤波 器后仍然可以稳定运行。





图 7 的伯德图很好地展示了有源阻尼法的有效性,但是在设计控制系统时最主要的是对各个参数进行设计,当 PI 控制器的参数或有源阻尼系数设计不当时,控制系统也不能正常稳定运行。

2 参数设计

2.1 电流调节器参数设计

为了更好地评估电流调节器的性能与参数之间的关系,首先将一些复杂模型进行近似变换来

降低系统的复杂程度。

对系统的延时模块进行 Taylor 展开,并对其 作近似处理可以得到:

$$e^{-T_{d^s}} \approx \frac{1}{1 + T_d s} \tag{7}$$

探究系统在截止频率附近的频率特性时,PI 调节器的积分系数 k_i 对系统的作用很小,暂时只 考虑比例系数 k_p 对系统的影响。控制系统在不 同条件下的 Bode 图如图 8~图 10 所示,具体分析 系统与电流调节器各参数之间的关系。



图 8 k 增加、k_p不变的 PMSM 系统 Bode 图

Fig. 8 Bode plot of PMSM system with k increased, k_p unchanged





图 8 中,在保持比例系数 k_p 不变的情况下, 逐渐增加有源阻尼系数 k 值的大小。从 Bode 图 中看出,k 值只对系统在谐振频率处的幅值有影 响,对于截止频率之前的频率特性影响不大,故在 设计参数对系统的截止频率的影响时忽略 k 对系 统的影响。





simplified system

图 9 中,在保持有源阻尼系数 k 值不变的情况下,逐渐增加比例系数 k_p 的大小。从 Bode 图中看出,当 k 值不变时, k_p 对于系统的幅值响应有很大的影响, k_p 的增加会使系统的幅频特性曲线上升从而使系统的截止频率逐渐靠近系统的谐振频率;当 k_p 过大时,会导致系统的相位在穿越-180°时,幅频响应大于 0,系统将不能稳定。 k_p 的逐渐增大会使系统的幅值裕度越来越小,而 k_p 的减小也会使系统的截止频率减小,导致系统的 带宽变差。故必须折中考虑 k_p 的选择。

如图 10 所示,当 LCL 系统简化为单电感系统时,原系统与简化系统在低于谐振频率的频率段有着十分近似的幅频特性曲线;而在高于谐振频率的频率段,由于原控制系统带有电容,使得系统在大于谐振频率时幅值被有效的限制。因此在探究 k_p时,可以将原系统简化为如图 11 所示的控制结构。





在分析系统截至频率的表达式时,因为 PI 调 节器积分增益的影响与延时环节的影响较小,可 将其忽略,系统的截止频率可表示为

$$\omega_{\rm c} = \frac{k_{\rm p}}{L_{\rm f} + L_q} \tag{8}$$

在图 10 中,对比基于电容电流有源阻尼的控

制系统与简化后的控制系统,可得在低于谐振频 率时,二者具有相同的幅频特性,但是在高频段 时,真实系统相位滞后比简化后系统相位滞后明 显,因此在考虑 PI 调节器参数整定时也要对其相 频特性的差异进行考虑。根据文献[16-17]可知, 当忽略 PI 调节器的积分部分时,将系统的截止频 率 ω_e 作为无阻尼谐振频率的一部分($\omega_e = \alpha \omega_{res}$), 考虑为系统的控制留下足够的相位裕度,通过调 整 k_p 的大小,将系统的截止频率设置为 $\omega_e =$ 0.25 ω_{res} ,这样就可以使系统有较好的相位裕度和 带宽,即 k_p 可用式(9)确定:

$$\varepsilon_{\rm p} = \frac{L_{\rm f} + L_{q}}{4} \sqrt{\frac{L_{q} + L_{\rm f}}{L_{\rm f}L_{q}C_{\rm f}}} \tag{9}$$

*k*_i可以用系统的相位裕度来确定,简化后系统的开环传递函数为

$$\frac{i_{sq}(s)}{i_{q}^{*}(s) - i_{sq}(s)} = \left(k_{p} + \frac{k_{i}}{s}\right) \cdot \frac{1}{1 + T_{d}s} \cdot \frac{1}{s(L_{q} + L_{f})}$$
(10)

在确定
$$k_{\rm p}$$
 之后,系统的相位裕度为
 $\gamma = \arctan\left[\frac{\omega_{\rm c}^2(L_q + L_{\rm f})}{k_{\rm i}}\right] - \arctan(\omega_{\rm c}T_{\rm d})$
(11)

为了使系统有更大的相位裕度,将前一项设置为接近 π/2(89°),即 k_i的表达式为

$$k_{\rm i} \approx \frac{\left(L_q + L_{\rm f}\right)^2}{915L_{\rm f}L_qC_{\rm f}} \tag{12}$$

2.2 有源阻尼系数 k 的参数设计

由图9可知,电容电流有源阻尼系数 k 会影 响控制系统在谐振频率处的频率响应。在谐振频 率处,PI 调节器的积分环节对系统的影响不大,将 PI 环节用比例环节来代替。比例系数为 k_p,延时环节用一阶惯性来替代,将式(7)代入式(6)中,式(6)中的比例积分用 k_p 替代,控制系统的开环传递函数为

$$\frac{i_{sq}(s)}{i_{q}^{*}(s) - i_{sq}(s)} = \frac{k_{p}}{1 + T_{d}s} \frac{G_{ci}(s)G_{sc}(s)}{1 + \frac{k}{1 + T_{d}s}G_{ci}(s)} \Longrightarrow$$

$$k_{p} / \{L_{f}L_{q}C_{f}T_{d}s^{4} + L_{f}L_{q}C_{f}s^{3} + [(L_{q} + L_{f})T_{d} + kL_{q}C_{f}]s^{2} + (L_{q} + L_{f})s\}$$
(13)

根据开环传递函数算出其闭环传递函数,可

得特征方程为

$$D(s) = L_{\rm f}L_{q}C_{\rm f}T_{\rm d}s^{4} + L_{\rm f}L_{q}C_{\rm f}s^{3} + [(L_{q} + L_{\rm f})T_{\rm d} + kL_{q}C_{\rm f}]s^{2} + (L_{q} + L_{\rm f})s + k_{\rm p}$$
(14)

根据 Routh 稳定性判据,可以算出 k 的下限 值为

$$k > \frac{k_{\rm p}L_{\rm f}}{L_{\rm f} + L_{\rm g}} \tag{15}$$

在探究 k 的上限值时,考虑到原系统通过数 字控制来实现,连续域的模型会对实际系统的响 应产生一定的影响,故将图 6 连续域的系统模型 转换为离散域,即离散系统的开环传递函数为

$$\frac{i_{\rm sq}(z)}{i_{\rm q}^*(z) - i_{\rm sq}(z)} = \frac{k_{\rm p}G_{\rm ci}(z)G_{\rm sc}(z)}{z + kG_{\rm ci}(z)}$$
(16)

式 中:
$$G_{ci}(z)$$
 = $\frac{i_{cq}(z)}{u_{iq}(z)}$ =

 $\frac{(z-1)\sin(\omega_{\rm res}T_{\rm s})}{\omega_{\rm res}L_{\rm f}[z^2-2z\cos(\omega_{\rm res}T_{\rm s})+1]};G_{\rm sc}(z) = \frac{i_{\rm sq}(z)}{i_{\rm cq}(z)} = \frac{T_{\rm s}^2(z+1)}{T_{\rm s}^2(z+1)}$

 $\overline{2L_qC_f(z-1)^2}^{\circ}$

离散系统的特征方程为

 $D(z) = z + k_p G_{ei}(z) G_{se}(z) + k G_{ei}(z)$ (17) 在分析参数 k 对系统稳定性的影响时,要得 到系统关于参数 k 的根轨迹,需将式(16)转化为 等效开环传递函数 $G_e(z)$,则:

$$G_{\rm e}(z) = \frac{kG_{\rm ci}(z)}{z + k_{\rm p}G_{\rm ci}(z)G_{\rm sc}(z)}$$
(18)

根据 $G_e(z)$ 画出系统关于参数 k 的根轨迹,如图 12 所示。



图 12 所用系统的参数均与之前的参数相同, 将 z₁ 与 z₂ 两个临界点代入式(17)算出 k 值的大 小,发现 k 的下限值与式(15)近似,上限值由式 (19)确定:

$$k < \left| \frac{z_1 + k_p G_{ci}(z_1) G_{sc}(z_1)}{G_{ci}(z_1)} \right|$$
(19)

在实际系统应用时,可以离线按照推论确定电流 PI 调节器的 k_p 和 k_i ,在确定 LC 滤波器的电容与电感值后,算出 k 的上下限,不需要对 k 进行实时计算。

3 试验验证

根据分析与探究,构建基于电容电流有源阻 尼的 PMSM-LC 系统的控制如图 13 所示,电机的 参数如表1 所示。

表 1 电机的参数 Tab. 1 Parameters of the motor

参数名称	参数值	参数名称	参数值
极对数 p_n	4	C _f ∕μF	75
d 轴电感 L_d /mH	5.25	$L_{\rm f}/{ m mH}$	0.5
q 轴电感 L_q /mH	12	$q \neq k_{\rm p}$	16.47 379.5
定子电阻 R/Ω	0.958	$d \neq k_{\rm p}$	7.76 183.5
磁链 $\psi_{\rm f}$ /Wb	0.183	q、 k 限值	4.02 0.67
$f_{\rm PWM}/{\rm kHz}$	10	d、 k 限值	4.09 0.67
转动惯量 J/(kg·m ²)	0.003	阻尼比 B/(N⋅m・s)	0.008





矢量控制下 PMSM-LC 转速的波形如图 14 所示。其中,图 14(a)为电机在矢量控制下保持原有带宽的转速波形,图 14(b)为电机在矢量控制下减小系统带宽的转速波形。

如图 14(a)所示,电机加入 LC 输出滤波器后 如果用矢量控制法且在原有带宽的基础上运行



图 14 矢量控制下的 PMSM-LC 转速波形 Fig. 14 Speed waveforms of PMSM-LC under vector control

时,电机的转速会发散。而为了使电机能够稳定运行,只能将电流环以及电压环的 PI 参数调小,减小系统的带宽使系统远离谐振频率运行。如图 14(b)所示,可以看出虽然系统最后可以稳定,但这样会导致系统的超调量以及调整时间增大,这种情况下系统的稳态性能较差。

加入 LC 输出滤波器后基于无源阻尼 PMSM-LC 控制的转速与三相电流波形如图 15 所示,基 于电容电流有源阻尼的 PMSM-LC 控制的转速与 三相电流波形如图 16 所示。

由图 15 可知,基于无源阻尼的 PMSM-LC 控制方法可以对转速进行控制,在该方法下,电机可以保持十分平稳的转速,稳态时几乎没有波动,电机端三相电流也处于十分稳定的状态,并且由于多加了 LC 滤波器,三相电流波形呈现较好的正弦性。对比图 4~图 7(b)中转速的波形,可以明显看出,基于无源阻尼的控制方法可以使系统有更小的超调量、更短的调整时间,动态性能与稳态性能比矢量控制下的 PMSM-LC 系统的性能要好很多。此外,基于无源阻尼的控制方法解决了谐振问题,能够使系统有更大的带宽。

由图 16 可知,基于有源阻尼的 PMSM-LC 的 控制方法的转速和三相电流波形与基于无源阻尼



图 15 无源阻尼的 PMSM-LC 转速和三相电流波形







的 PMSM-LC 的控制方法的转速和三相电流波形 十分相似,这也恰好证明了基于电容电流有源阻 尼法与无源阻尼法中的电阻与电容的并联效果可 以进行等效,也进一步证明了基于电容电流有源 阻尼控制的有效性。有源阻尼控制法通过改变控 制算法,从软件的角度解决 LCL 电路的谐振问

题,该方法的参数选择可以通过仿真来校验。此 外,无源阻尼法会给系统带来有功损耗,而有源阻 尼法则不会带来损耗。

电机基于有源阻尼运行保持期望转速不变时,突加负载和突减负载时转速与三相电流的波形图、保持负载不变下突然加速和突然减速时转速与三相电流波形分别如图 17、图 18 所示。





由图 17 可知,当电机的负载突然增加时,电 机转矩会小于负载转矩且转速会有一定下降,但 通过控制能够使电机转矩增大且恢复到原来的转 速,三相电流也能在峰值增加后保持正弦性;当电 机的负载突然减小时,电机转矩会大于负载转矩、 转速会有一定增加,但通过控制能够使电机转矩 增大且恢复到原来的转速,三相电流也能在峰值 增加后保持正弦性。基于电容电流有源阻尼的控 制方法对电机负载扰动有较高的抗干扰能力。

由图 18 可知,当期望转速增大或减小时,实际转速与期望转速的差值发生改变,但是经过一段时间的控制,转速依旧可以稳定在期望值上,而由于负载转矩没有变化,三相电流的峰值没有改变,只是频率会随着转速的变化而变化。从而也能证明基于电容电流有源阻尼的控制方法对转速变化有较好的抗干扰能力。

最后将无 LC 输出滤波器的 PMSM 控制系统



图 18 突然加速和突然减速时转速与三相电流波形 Fig. 18 Waveforms of speed and three-phase current during sudden acceleration/deceleration

的三相电流的波形与基于电容电流有源阻尼的 PMSM-LC 控制系统的三相电流进行比较,如图 19 和图 20 所示。



图 19 传统 PMSM 矢量控制下的三相电流波形 Fig. 19 Three-phase current waveforms under conventional PMSM vector control

由图 19 可知,传统 PMSM 矢量控制下的三相 电流具有高次谐波,在某些极端环境中,电机与逆 变器之间会用长轴电缆进行信号的传输。而在长 线效应的作用下,很可能会产生过电压等负面效 应,从而导致电机的绝缘损坏,严重时会将电机烧 毁。本文在传统的 PMSM 矢量控制的基础上,采 用基于电容电流有源阻尼的 PMSM-LC 控制技 术。由图 20 可知,加入 LC 滤波器之后可滤除大 部分高频谐波,输入给电机的三相电流能够呈现 较好的正弦特性,避免其在长轴电缆上传输时的



图 20 有源阻尼的 PMSM-LC 控制下的三相电流波形 Fig. 20 Three-phase current waveforms under PMSM-LC control with active damping

过电压等问题,对电机的保护起到了关键作用。

4 结语

本文详细分析了带 LC 输出滤波器 PMSM 控制系统的谐振抑制问题。首先分析了系统产生谐振现象的原因,依次推导出基于电容电流有源阻 尼反馈的控制方法,通过传递函数画出其频率响应并推导出其有效性,对 LC 输出滤波器的参数、 PI 调节器的参数以及有源阻尼系数进行设计,最 后通过试验验证了有源阻尼方法的有效性。

利益冲突声明

所有作者声明不存在利益冲突。

All authors disclose no relevant conflict of interests.

作者贡献

高大朋、何亮进行了方案设计,高大朋进行了 内容总结与论文撰写,骆攀、李杰进行了试验研 究,刘品超、陈凯旋、韩剑波、周炳呈、刘堂胜参与 了论文的审核与修改。所有作者均阅读并同意了 最终稿件的提交。

The scheme design was carried out by He Liang and Gao Dapeng, the content summary and paper writing was carried out by Gao Dapeng. The experiment was conducted by Luo Pan and Li Jie. The manuscript was revised by Liu Pinchao, Chen Kaixuan, Han Jianbo, Zhou Bingcheng and Liu Tangsheng. All authors have read and approved the final version of the paper for submission.

参考文献

- [1] 鞠孝伟,程远,杨明亮,等. SiC 逆变器高频脉冲 电压对 Hairpin 绕组绝缘安全的影响分析[J].电 工技术学报,2021,36(24):5115-5124.
 JU X W, CHENG Y, YANG M L, et al. Influence analysis of high frequency pulse voltage of SiC inverter on insulation safety of Hairpin winding [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2021, 36(24):5115-5124.
- ZHANG J, ZHANG Z R, XIA Y W, et al. Thermal analysis and management for doubly salient brushless dc generator with flat wire winding [J]. IEEE Transactions on Energy Conversion, 2020, 35(2): 1110-1119.
- [3] 段卓琳,张栋,范涛. SiC 电机驱动系统传导电磁 干扰建模及预测[J].电工技术学报,2020,35 (22):4726-4738.
 DUAN Z L, ZHANG D, FAN T. Modeling and prediction of electromagnetic interference in SiC motor drive systems [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2020, 35 (22):4726-4738.
- [4] GANJAVI A, ZARE F, KUMAR D, et al. Mathematical model of common-mode sources in longcable-fed adjustable speed drives [J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 2022, 58 (2): 2013-2028.
- [5] JOUANNE A V, ZHANG H, WALLACE A K. An evaluation of mitigation techniques for bearing currents, EMI and overvoltages in asd applications
 [J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 1998, 34(5): 1113-1122.
- [6] 姜艳姝,徐殿国,陈希有,等. 一种新颖的用于消除 PWM 逆变器输出共模电压的有源滤波器[J]. 中国电机工程学报,2002,22(10):125-129.
 JIANG Y S, XU D G, CHEN X Y, et al. A novel PWM inverter output active filter for common-mode voltage cancellation [J]. Proceedings of the CSEE, 2002,22(10):125-129.
- [7] SALOMAKI J, HINKKANEN M, LUO M J. Influence of inverter output filter on maximum torque and speed of PMSM drives [J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 2008, 44(1): 153-160.
- [8] KOJIMA M, HIRABAYASHI K, KAWABATA Y, et al. Novel vector control system using deadbeat-

controlled PWM inverter with output LC filter [J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 2002, 40(1): 162-169.

- [9] 王明辉. 带 LC 滤波器永磁同步电机控制关键技术研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学,2020.
 WANG M H. Research on key technologies for control of permanent magnet synchronous motor connected with LC filter [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2020.
- [10] 张建清. LCL 型多逆变器谐振抑制方法研究[D]. 淮南:安徽理工大学, 2017.
 ZHANG J Q. Research of harmonic suppression for multiple inverter with LCL filter [D]. Huainan: Anhui University of Science and Technology, 2017.
- [11] TANG Y, LOH P C, WANG P, et al. Exploring inherent damping characteristic of LCL-filters for three-phase grid-connected voltage source inverters
 [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2012, 27(3): 1433-1443.
- [12] JIANG S Q, LIU Y T, LIANG W H, et al. Active EMI filter design with a modified LCL filter for singlephase grid-connected inverter in vehicle-to-grid application [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2019, 68(11), 10639-10650.
- [13] 赵仁德,赵斌,徐海亮,等.带LC滤波器的永磁 同步电机控制系统及策略研究[J].电工技术学 报,2019,34(增刊1):79-86.
 ZHAO R D, ZHAO B, XU H L, et al. Research on control method of permanent magnet synchronous motor with LC filter [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2019, 34(S1):79-86.
- [14] 孙佳成. 基于相位补偿的 LCL 滤波变换器鲁棒有 源阻尼设计与分析[D]. 西安:西北工业大学, 2019.

SUN J C. Design and analysis of robust active damping for LCL filtered converter based on phase compensation [D]. Xi ' an: Northwestern Polytechnical University, 2019.

- [15] 黄羽西. 有源前端 LCL 滤波器的谐振抑制技术研究[D]. 杭州:浙江大学, 2017.
 HUANG Y X. Research on resonance damping technology of active front end LCL filter [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2017.
- [16] 赵双双. LCL 型并网递变器的主动阻尼控制研究
 [D]. 西安:西安理工大学,2020.
 ZHAO S S. Research on active damping control of the

LCL-type grid connected inverter [D]. Xi'an: Xi'an University of Technology, 2020.

- [17] GULUR S, IYER V M, BHATTACHARYA S. A partially rated LC trap type ac filter for grid-tied voltage source converters [J]. IEEE Open Journal of Power Electronics, 2024, 5: 852-863.
- [18] ABDELLATIF M A, DESMET J, KNOCKAERT J. A novel active power filter for supraharmonic emissions of single phase grid-connected inverters [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2025, 40(6): 8109-8124.
- [19] LI Y W. Control and resonance damping of voltagesource and current-source converters with LC filters
 [J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2008, 56(5): 1511-1521.
- [20] 李超. 带有 LC 正弦波滤波器的永磁同步电机无 位置传感器控制研究[D]. 徐州:中国矿业大学, 2023.

LI C. Research on position sensorless control of permanent magnet synchronous motor equipped with LC sinusoidal filter [D]. Xuzhou: China University of Mining and Technology, 2023.

- [21] 李耀华,王孝宇,吴庭旭,等.带LC滤波器的永磁同步电机多步模型预测电流控制[J].电机与控制应用,2024,51(11):21-31.
 LIYH, WANGXY, WUTX, et al. Multi-step model predictive current control of permanent magnet synchronous motor with LC filter [J]. Electric Machines & Control Application, 2024, 51(11):21-31.
- [22] 吴翔,李超,刘志恒,等.带有LC正弦波滤波器的内置式永磁同步电机电流控制器谐振抑制参数设计[J].电工技术学报,2023,38(22):6082-6093.

WU X, LI C, LIU Z H, et al. Resonance suppression parameter design of built-in permanent magnet synchronous motor current controller with LC sine wave filter [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2023, 38 (22): 6082-6093.

- [23] CHEN X, WU X, LI R Y. Virtual reduced-order model-based back EMF estimation and speed sensorless control for LC-filtered PMSM drives [J].
 IEEE Transactions on Power Electronics, 2025, 40 (7): 9749-9763.
- [24] XU J Q, ZHANG R T, JIA P F, et al. Multivariable

feedback damping control of LC-filtered PMSM for resonance suppression with fast dynamic response [J]. IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics, 2025.

- [25] ZHENG C M, XIE M, DONG X X, et al. Design and analysis of predictive inductor current control for PMSM drives with LC filter [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2025, 40(1): 1872-1885.
- [26] 吴拓, 庞科旺, 经鹏宇. 带 LC 滤波器的 UPS 三电
 平 NPC 逆变器改进模型预测控制[J]. 计算机与
 数字工程, 2021, 49(7): 1491-1497.
 WU T, PANG K W, JING P Y. Improved model

predictive control for UPS three-level NPC inverter with LC filter [J]. Computer & Digital Engineering, 2021, 49(7): 1491-1497.

[27] 宁宗祺,毛耀,黄永梅.LC 滤波器对电机速度闭 环控制的影响分析和设计方法研究[J].电光与 控制,2022,29(12):118-122.

NING Z Q, MAO Y, HUANG Y M. Influence of LC filter on motor velocity-loop control and an LC filter design method [J]. Electronics Optics & Control, 2022, 29(12): 118-122.

 [28] 郑长明,董萱萱,肖子语,等.基于虚拟电阻有源 阻尼的 LC 滤波型永磁同步电机系统预测电流控 制[J].电工技术学报,2023,38(22):6059-6069.
 ZHENG C M, DONG X X, XIAO Z Y, et al. Virtual

EXERCC M, DONG X X, XIAO Z I, et al. Virtual resistance active damping based predictive current control of LC-filtered permanent magnet synchronous motor system [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2023, 38 (22): 6059-6069.

收稿日期:2025-03-26

收到修改稿日期:2025-05-08

高大朋(1985-),男,硕士,高级工程师,研究方向为 电力电子及电气控制,371299512@qq.com;

*通信作者:何 亮(1982-),男,双学士,研究员级高级工程师,研究方向为仪表与控制、电力电子及电气控制,bulk3695@sina.com。

作者简介: